

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری



312

F

نام

نام خانوادگی

محل امضاء

صبح جمعه

۹۱/۱۲/۱۸

دفترچه شماره ۱



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.  
امام حسینی (ره)

## آزمون ورودی دوره های دکتری (نیمه مرکز) داخل در سال ۱۳۹۲

رشته  
علوم کامپیوتر (کد ۲۲۴۷)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گستاخ، منطق، نظریه علوم کامپیوتر)	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

اسفندماه سال ۱۳۹۱

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.

حق جاب و تکثیر سوالات بس از برگزاری آزمون برای تمامی انسانی حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می باشد و با مخالفین برابر مغورات رفتار می شود.

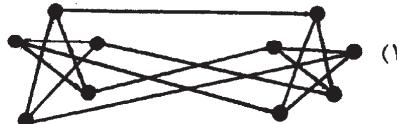
دانلود کلیه سوالات آزمون دکتری در سایت پی اچ دی تست

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گستته، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) ۳۱۲F

-۱ کدام یک از گراف‌های زیر همیلتونی نمی‌باشد؟ ( گراف سه بخشی کامل با بخش‌های  $r, s, t$  رأسی است.)



$$K_{5,5} \quad (1)$$

$$K_{5,5,5} \quad (2)$$



-۲ در گراف  $G$  با شرط  $\delta(G) \geq d$  که طول کوتاهترین دور آن ۵ است، کدام نامساوی برقرار است؟

$$|V(G)| \geq d^2 + 1 \quad (1)$$

$$|V(G)| \geq d^2 + 2 \quad (2)$$

$$|V(G)| \geq 2d^2 - 5 \quad (3)$$

$$|V(G)| \geq 2d^2 - 3 \quad (4)$$

-۳ تعداد جایگشت‌های  $1392, 1392!, \dots, 1, 2$  که دقیقاً ۶۹۶ عدد در جای طبیعی خود باشند برابر است با:

$$\binom{1392}{696} \left( \sum_{k=0}^{696} \frac{(-1)^k}{k!} \right) \quad (1)$$

$$\binom{1392}{696} \left( \sum_{k=0}^{1392} \frac{(-1)^k}{k!} \right) \quad (2)$$

$$\frac{1392!}{696!} \left( \sum_{k=0}^{696} \frac{(-1)^k}{k!} \right) \quad (3)$$

$$\frac{1392!}{696!} \left( \sum_{k=0}^{1392} \frac{(-1)^k}{k!} \right) \quad (4)$$

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۳

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گستاخ، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) ۳۱۲F

-۴ چند عدد سه رقمی موجود است که پس از حذف یکی از رقمهای آن عدد ۱۲ به دست می آید؟

۲۶ (۱)

۲۷ (۲)

۲۸ (۳)

۲۹ (۴)

$$\text{مقدار عبارت } \frac{\binom{11}{1}}{1} + \frac{\binom{11}{2}}{2} + \dots + \frac{\binom{11}{12}}{12} \text{ برابر است با:}$$

۲<sup>۱۲</sup> - ۱ (۱)

۲<sup>۱۲</sup> + ۱ (۲)

$\frac{1}{12}(2^{12} - 1)$  (۳)

$\frac{1}{6}(2^{12} - 1)$  (۴)

$$\text{مقدار } \sum_{i=0}^{1000} (-1)^i \binom{1000}{i} (100-i)^{500} \text{ برابر است با:}$$

۰ (۱)

۱۰ (۲)

۱۰۰ (۳)

۱۰۰۰ (۴)

-۷ از گراف کامل ۱۲ رأسی یال‌های یک تطابق کامل را بر می‌داریم، تعداد مثلث‌های گراف باقیمانده کدام است؟

۱۵۰ (۱)

۱۶۰ (۲)

۱۹۰ (۳)

۲۲۰ (۴)

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۴

مجموعه دروس تخصصی (ساختمن گستته، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) ۳۱۲F

-۸ فرض کنید  $G$  یک گراف مسطح  $100 \times 100$  رأسی باشد به طوری که اگر هر دو رأس غیر مجاور آن را به هم وصل کنیم گراف حاصل غیر مسطح شود. در این صورت تعداد یال‌های  $G$  برابر است با:

- (۱) ۳۰۴  
(۲) ۲۹۶  
(۳) ۱۹۶  
(۴) ۲۹۴

-۹ پزشکی در اردیبهشت ماه که ۳۱ روز است قرار است ۵ روز به بیمارستان برود و هیچ دو روز متوالی بیمارستان نباشد. پزشک به چند طریق می‌تواند به بیمارستان برود؟

- (۱)  $\binom{27}{5}$   
(۲)  $\binom{27}{4}$   
(۳)  $\binom{30}{5}$   
(۴)  $\binom{30}{4}$

-۱۰ یال‌های کدام یک از گراف‌های زیر را نمی‌توان به مثلث‌ها افزار کرد؟  $K_{m,n,r}$ : گراف  $3 -$  بخش کامل با بخش‌های  $m$  عضوی ،  $n$  عضوی و  $r$  عضوی است.

- (۱)  $K_7$   
(۲)  $K_{12}$   
(۳)  $K_{3,3,3}$   
(۴)  $K_{5,5,5}$

-۱۱ اگر  $A = \{(x, y, z) | x, y, z \in \{1, 2, \dots, 10\}, x < z, y < z\}$  ، در این صورت تعداد اعضای  $A$  کدام است؟

- (۱) ۱۰۰۰  
(۲) ۱۲۰  
(۳) ۲۸۵  
(۴) ۵۴۵

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۵

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گستته، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) 312F

- ۱۲ فرض کنید  $G$  یک گراف باشد. متناظر با هر یال  $G$  یک رأس بگذارید و دو رأس را به هم وصل کنید اگر و تنها اگر یال‌های متناظر آن‌ها در  $G$  با هم تلاقی داشته باشند. اگر  $G$  گرافی ۸ رأس با دنباله درجات  $1, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 7$  باشد تعداد یال‌های گراف جدید برابر است با:

۹۰ )۱

۱۰۰ )۲

۱۲۱ )۳

۱۱۱ )۴

- ۱۳ تعداد عنصرهای مجموعه  $X = \{1, 2, \dots, 10^5\}$  که نسبت به عدد ۲۵ اول باشند اما نسبت به ۲۱ اول نباشند، کدام است؟

۳۵ )۱

۳۶ )۲

۳۷ )۳

۳۸ )۴

- ۱۴ در چند جایگشت از ارقام عدد  $12314516789$  بین هر دو عدد آحداقل سه عدد قرار دارد؟

۶(۸!) )۱

۸(۸!) )۲

۱۰(۸!) )۳

۱۲(۸!) )۴

- ۱۵ فرض کنید  $\{A_1, A_2, A_3\} \subseteq \{1, 2, \dots, 20\}$

$$T = \sum_{(A_1, A_2, A_3) \in B} |A_1 \cup A_2 \cup A_3| \quad \text{اگر } T \text{ آنگاه مقدار } T \text{ کدام است؟}$$

$2^{59} - 2^{56}$  )۱

$2^{60} - 2^{57}$  )۲

$20(2^{59} - 2^{56})$  )۳

$20(2^{60} - 2^{57})$  )۴

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۶

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گسسته، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) 312F

- ۱۶ کدام یک از فرمول‌های زیر نتیجه منطقی فرمول‌های  $(\exists y(B(y) \wedge R(y, x)) \rightarrow A(x))$  و  $\forall x(\exists y(B(y) \wedge R(y, x)) \rightarrow A(x)) \rightarrow \neg A(x)$  است؟
- $\forall x \forall y(A(x) \wedge B(x)) \rightarrow \neg C(y))$  (۱)
  - $\forall x \forall y(A(x) \wedge R(y, x)) \rightarrow \neg B(y))$  (۲)
  - $\forall y \forall x(A(x) \wedge R(y, x)) \rightarrow \neg C(y))$  (۳)
  - $\forall y \forall x(B(y) \wedge R(y, x)) \rightarrow \neg C(x))$  (۴)
- ۱۷ کدام یک از زوج فرمول‌های زیر با هم معادل نیستند؟
- $\langle \forall x A(x) \wedge \forall y B(y), \forall z(A(z) \wedge B(z)) \rangle$  (۱)
  - $\langle \forall x A(x) \vee \forall y B(y), \forall z(A(z) \vee B(z)) \rangle$  (۲)
  - $\langle \exists x A(x) \vee \forall y B(y), \forall u \exists v(A(v) \vee B(u)) \rangle$  (۳)
  - $\langle \exists x A(x) \wedge \forall y B(y), \forall v \exists u(A(u) \vee B(v)) \rangle$  (۴)
- ۱۸ جدول ارزش‌ها را برای جمله  $(p_1 \rightarrow p_2) \rightarrow p_3 \rightarrow p_4 \rightarrow p_5 \rightarrow p_6 \rightarrow p_7 \rightarrow p_8 \rightarrow p_9 \rightarrow p_{10} \rightarrow p_{11} \rightarrow p_{12}$  تشکیل داده‌ایم. چه تعداد ۱ در ستون مربوط به آن دیده می‌شود؟
- ۱ (۱)
  - ۱۰ (۲)
  - ۱۱ (۳)
  - ۱۲ (۴)
- ۱۹ اگر  $\sum = \{p_2 \rightarrow p_1, p_3 \rightarrow p_2, \dots\}$  ، کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟ ( $p_n$  ها جمله‌های اتمی هستند)
- ۱) برای هر  $n$  ،  $\neg p_{n+1} \in \sum \cup \{p_n, \neg p_{n+1}\}$  سازکار و کامل است.
  - ۲) کامل و مجموعه نتایج آن نیز بازگشتی است.
  - ۳) نمی‌توان  $\sum$  را با افزودن تعداد متناهی جمله کامل کرد.
  - ۴) برای هر  $\varphi$  و  $\Psi$  ، اگر  $\sum \models \varphi \vee \Psi$  آنگاه  $\sum \models \varphi$  یا  $\sum \models \Psi$  باشد.
- ۲۰ گزاره  $(pvq) \rightarrow r$  همه‌ی گزاره‌های زیر را نتیجه می‌دهد به جز:
- $(p \wedge q) \rightarrow r$  (۱)
  - $p \rightarrow (q \rightarrow r)$  (۲)
  - $p \vee q \vee \neg r$  (۳)
  - $(p \rightarrow r) \vee (q \rightarrow r)$  (۴)
- ۲۱ اگر  $x$  در  $\varphi$  آزاد نباشد، کدام یک از هم ارزی‌های زیر نامعتبر است؟
- $\exists x(\varphi \rightarrow \Psi) \equiv \varphi \rightarrow \exists x \Psi$  (۱)
  - $\forall x(\varphi \rightarrow \Psi) \equiv \exists x \varphi \rightarrow \Psi$  (۲)
  - $\forall x(\varphi \vee \Psi) \equiv \varphi \vee \forall x \Psi$  (۳)
  - $\exists x(\varphi \rightarrow \Psi) \equiv \forall x \varphi \rightarrow \exists x \Psi$  (۴)

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۷

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گستته، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) ۳۱۲F

-۲۲ جمله  $p \rightarrow r$  با کدام یک از جمله‌های زیر هم ارز است؟

(۱)  $p \vee \neg q \vee r$

(۲)  $(p \wedge q) \rightarrow r$

(۳)  $(p \vee r) \wedge (q \rightarrow r)$

(۴)  $(p \wedge r) \vee (q \rightarrow r)$

-۲۳ اگر  $\varphi = \neg(p \wedge q \rightarrow r)$ ، آنگاه کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

(۱)  $\neg\varphi \rightarrow r$  یک توقیلی است.

(۲)  $\varphi$  حداقل در دو جای جدول ارزش‌ها درست است.

(۳)  $\neg\varphi$  را نمی‌توان در حد هم ارزی تنها با رابط  $\rightarrow$  نوشت.

(۴)  $\varphi$  را نمی‌توان در حد هم ارزی تنها با رابط  $\rightarrow$  نوشت.

-۲۴ فرض کنیم  $\{p_1, p_2, \dots, p_n\}$  کدام گزینه صحیح است؟ ( $p_i$  ها جمله‌های اتمی هستند)

(۱) کامل نیست ولی مجموعه نتایج آن بازگشته است.

(۲) کامل است ولی مجموعه نتایج آن بازگشته است.

(۳) کامل است ولی مجموعه نتایج آن بازگشته نیست.

(۴) به طور بازگشته اصل پذیر است ولی مجموعه نتایج آن بازگشته نیست.

-۲۵ فرض کنید  $\{\varphi_1, \varphi_2, \dots, \varphi_n\}$  و برای هر ارزشدهی  $v$ ، عدد  $n$  موجود است به طوری که  $v(\varphi_n) = 1$ . کدام یک از حکم‌های زیر درست است؟

(۱) موجود است به طوری که  $|=\varphi_1 \vee \dots \vee \varphi_n$ .

(۲) سازگار است.

(۳) برای هر  $\{\neg\varphi_1, \dots, \neg\varphi_n\}$  ناسازگار است.

(۴) مجموعه  $\{\varphi_1 \vee \varphi_2, \varphi_1 \vee \varphi_2 \vee \varphi_3, \dots\}$  سازگار است.

-۲۶ کدام یک از فرمول‌های زیر هم ارز نرمال پیشوندی فرمول  $\exists x \Psi(x)$  است؟

(۱)  $\forall x \exists y \forall z (\neg\varphi(x, y) \vee \neg\Psi(z))$

(۲)  $\exists x \forall y \forall z (\varphi(x, y) \rightarrow \neg\Psi(z))$

(۳)  $\exists x \forall y \forall z (\varphi(x, y) \vee \neg\Psi(x))$

(۴)  $\forall z \exists x \forall y (\neg\varphi(x, y) \vee \neg\Psi(z))$

-۲۷ فرمول  $\forall x \exists y (x = y^t) \wedge \exists t (x + z = z)$  را در نظر بگیرید: کدام گزینه درست است؟

(۱)  $x, y, z$  پایبند و  $z$  آزاد است.

(۲)  $z, x, y$  آزاد و  $y$  پایبند است.

(۳)  $x, y, t$  پایبند و  $z$  آزاد است.

(۴)  $y, t$  پایبند و  $x, z$  آزادند.

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۸

312F مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گستته، منطق، نظریه علوم کامپیوتر)

-۲۸ مجموعه رابطه‌های  $\{\leftrightarrow, \rightarrow\}$  را در نظر بگیرید. کدام یک از حکم‌های زیر درست است؟

۱) یک سامانه کامل از رابطه‌ها است.

۲) کامل نیست ولی اگر  $\perp$  (همیشه نادرست) را به آن بیافزاییم کامل است.

۳) جدول ارزش‌های هر جمله در این سامانه از رابطه‌ها همیشه به تعداد فرد ۱ دارد.

۴) جدول ارزش‌های هر جمله در این سامانه از رابطه‌ها همیشه به تعداد زوج ۱ دارد.

کدام یک از گزاره‌های زیر نادرست است؟

۱) اگر  $\phi \vdash \Gamma \vdash \Psi$  و  $\Gamma \vdash \Psi$ , آنگاه  $\Gamma \vdash \phi \wedge \Psi$ .

۲) اگر  $\Gamma \vdash \Psi$  یا  $\Gamma \vdash \phi$ , آنگاه  $\Gamma \vdash \phi \vee \Psi$ .

۳) اگر  $\Gamma \vdash \phi \rightarrow \Psi$ , آنگاه  $\Gamma \vdash \Psi \rightarrow \phi$ .

۴) اگر  $\Psi \rightarrow \Gamma \vdash \phi$ , آنگاه  $\Gamma \vdash \phi \rightarrow \Psi$ .

کدام یک از استنتاج‌های زیر درست نیست؟

(۱)  $(\forall x S(x) \rightarrow \exists y R(y)) \Rightarrow \forall x \exists y (S(x) \rightarrow R(y))$

(۲)  $\forall x \exists y (S(x) \rightarrow R(y)) \Rightarrow (\forall x S(x) \rightarrow \exists y R(y))$

(۳)  $\forall x (S(x) \rightarrow \exists y R(x,y)) \Rightarrow \forall x \exists y (S(x) \rightarrow R(x,y))$

(۴)  $\forall x \exists y (S(x) \rightarrow R(x,y)) \Rightarrow \forall x (S(x) \rightarrow \exists y R(x,y))$

-۳۱ فرض کنید A یک مجموعه اندیسی (از نوع  $\Gamma$  r.e.) غیربدیهی باشد. کدام گزینه غلط است؟

۱) A بازگشتی نیست.

۲)  $K \leq_m A$

۳) A می‌تواند برابر مجموعه K باشد.

۴) A می‌تواند مجموعه اندیس‌های تمام توابع بازگشتی اولیه باشد.

-۳۲ مجموعه راستگوها (توپولوژی‌ها) منطق گزاره‌ای با فرض:  $NP \neq CO - NP$

۱) NP کامل است.

۲) CO-NP کامل است.

۳) NP است ولی CO-NP کامل نیست.

۴) CO-NP است ولی NP کامل نیست.

-۳۳ فرض کنید که  $\sum$  یک مجموعه r.e. (نیم تصمیم‌پذیر) از جملات در یک زبان مرتبه اول باشد. کدام یک از گزینه‌های زیر غلط است؟

۱) مجموعه نتایج منطقی  $\sum$  بطور بازگشتی اصل‌پذیر است.

۲) اگر  $\sum$  کامل باشد آنگاه مجموعه نتایج منطقی  $\sum$  بازگشتی (تصمیم‌پذیر) است.

۳) تنها اگر  $\sum$  بازگشتی (تصمیم‌پذیر) باشد، مجموعه نتایج منطقی  $\sum$  بازگشتی است.

۴) مجموعه نتایج منطقی  $\sum$  (نیم تصمیم‌پذیر) است.

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۹

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گسسته، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) 312F

-۳۴ اگر  $C$  یک کلاس PRC باشد کدام گزینه غلط است؟

(۱)  $C$  شامل همه محمولهای محاسبه‌پذیر است.

(۲)  $f + g \in C$  آنگاه  $f, g \in C$

(۳) اگر محمول  $P(x)$  در  $C$  باشد،  $\exists x (x \leq y \wedge P(x))$  نیز در  $C$  است.

(۴) اگر مجموعه‌های  $A$  و  $B$  در  $C$  باشند آنگاه مجموعه  $D = \{<x, y> : x \in A, y \in B\}$  نیز در  $C$  است.

-۳۵ کدام گزینه صحیح است؟

(۱) هر مجموعه نامتناهی بازگشتی، اجتماع دو مجموعه بازگشتی نامتناهی مجزا است.

(۲) هر مجموعه نامتناهی r.e. اجتماع دو مجموعه r.e. نامتناهی مجزا است.

(۳) هر مجموعه نامتناهی بازگشتی شامل یک زیرمجموعه r.e. است که بازگشتی نیست.

(۴) همه موارد صحیح‌اند.

-۳۶ فرض کنید  $\{A : W_x \neq \emptyset\}$ . کدام گزینه غلط است؟ (۱) متمم  $A$  است.

(۲) r.e.  $A$  است. (۳) بازگشتی نیست. (۴)  $\overline{A}$  بازگشتی نیست.

-۳۷ فرض کنید  $A$  زیرمجموعه‌ای از اعداد طبیعی باشد که شامل همه اعداد طبیعی مگر احتمالاً تعدادی متناهی از آنها باشد. کدام گزینه درست است؟

(۱) تابع مشخصه  $A$ ، بازگشتی اولیه است.

(۴) تابع مشخصه  $A$  بازگشتی است ولی بازگشتی اولیه نیست.

-۳۸ فرض کنید  $A$  مجموعه‌ای r.e. باشد. کدام گزینه لزوماً درست است؟ (۱) متمم  $A$  است

(۲)  $\overline{K} \leq_m \overline{A}$  (۳)  $\overline{A} \leq_m K$  (۴)  $A \leq_m \overline{K}$

-۳۹ فرض کنید  $A$  باشد ولی بازگشتی نباشد. کدام گزینه صحیح است؟ (۱) r.e.  $\{x : 2x \in A\}$

(۲) نامتناهی عدد  $n$  وجود دارد بطوری که  $A \cap W_n$  نامتناهی است.

(۳)  $A$  برد یک تابع محاسبه‌پذیر صعودی است.

(۴) موارد ۱ و ۲ صحیح‌اند.

# پی اچ دی تست ، وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۰

مجموعه دروس تخصصی (ساختمان گستاخ، منطق، نظریه علوم کامپیوتر) ۳۱۲F

-۴۰ کدام گزینه غلط است؟

۱) عدد  $t$  وجود دارد به طوری که  $\phi_t = \phi_{t+1}$

۲) نامتناهی عدد  $t$  وجود دارد به طوری که  $\phi_t = \phi_{100}$

۳) مسئله  $\phi_t \doteq \phi_{100}$  تصمیم‌پذیر است.

۴) تابع محاسبه‌پذیر  $f(x)$  وجود دارد به طوری که به ازای هر  $x$

-۴۱ اگر  $P(x)$  و  $Q(x)$  دو محمول بازگشته اولیه باشند، کدام گزینه می‌تواند بازگشته اولیه نیاشد؟

۱)  $\exists x(p(x) \wedge Q(x))$  ۴)  $\forall x(x \leq y \rightarrow P(x))$  ۳)  $Q(z) \wedge P(\lceil \sqrt{z} \rceil)$  ۲)  $P(x) \rightarrow Q(x)$  ۱)

-۴۲ اگر برنامه زیر  $h(x)$  را محاسبه کند، مقدار  $(3)$  چقدر است؟

$Y \leftarrow 0$

[A] IF  $x = 0$  GOTO E

$Y \leftarrow Z + Y + 1$

$Z \leftarrow Z + 1$

$X \leftarrow X - 1$

GoTo A

۱) ۴

۳) ۳

۵) ۲

۶) ۱

-۴۳ فرض کنید  $m$  برابر با کد برنامه زیر باشد،

$Y \leftarrow \phi(L(x_1), r(x_1))$

در مورد تابع  $S_1^1(< L(x), r(x) >, m)$  چه می‌توان گفت؟

۱)  $K_0$  را به  $1$ - تحویل می‌کند.

۲)  $K_0$  را به  $1$ - تحویل می‌کند.

۳)  $K_0$  را به  $m$ - تحویل می‌کند ولی  $1$ - تحویل نمی‌کند.

-۴۴ اگر  $x$  و  $g_1(x) = 3x$  و  $g_2(x) = 4x$  عبارت است از تابع:

$h(x, y) = 12x^3$  ۴)  $h(x) = 7x$  ۳)  $h(x, y) = 3x + 4y$  ۲)  $h(x) = 12x$  ۱)

-۴۵ فرض کنید  $f$  یک تابع محاسبه‌پذیر باشد. کدام گزینه می‌تواند غلط باشد؟

۱) عددی چون  $n$  موجود دارد که  $f = \phi_n$

۲) محمول  $(\exists x)(f(x) = y)$  محاسبه‌پذیر است.

۳)  $f$  را از تابع آغازی با به کار بردن قواعد ترکیب، بازگشت و کمینه‌سازی سره می‌توان بدست آورد.

۴) محمول  $f(x) = y$  محاسبه‌پذیر است.